EJERCICIOS

001 Calcula el valor numérico de las expresiones.

- a) $2x + x^2 3$ si x = 4
- d) $x + x^3 x$ si x = -1
- b) 3x + 4y si x = y = 2
- e) $x^4 + 2$ si x = -1
- c) $x^3 2x + 2$ si x = -3
 - a) 8 + 16 3 = 21
 - b) 6 + 8 = 14
 - c) -27 + 6 + 2 = -19
 - d) -1 1 + 1 = -1
 - e) 1 + 2 = 3

002 Señala cuáles de estas igualdades son identidades o ecuaciones.

- a) -6(x-2)+5=-2(3x-3)+11
- b) 6(x-1) = 4(x-2) 3(-x-5)
 - a) $-6x + 12 + 5 = -6x + 6 + 11 \rightarrow -6x + 17 = -6x + 17 \rightarrow \text{Igualdad}$
 - b) $6x 6 = 4x 8 + 3x + 15 \rightarrow 6x 6 = 7x + 7$

Es cierta solo para
$$x = -13 \rightarrow 6(-13) - 6 = 7(-13) + 7 \rightarrow -78 - 6 = -91 + 7$$

003 Escribe dos identidades y dos ecuaciones.

Identidades:
$$7x + 2x - 8 = 9x + 4 - 12$$

$$-7x - 2 = 7(-x - 1) + 5$$

Ecuaciones:
$$2x + 3 = 85$$

$$6x + 8 = 2x + 6$$

004 Determina los elementos de estas ecuaciones.

- a) 2x 5 = 4(x + 9)
- b) $x^2 + x 1 = x^2 2x$
- c) $x(x^2 x) + 2 + x^2 = x^3 + x$
 - a) Primer miembro: 2x 5.

Segundo miembro: 4(x + 9).

Incógnita: x.

Grado: 1.

b) Primer miembro: $x^2 + x - 1$.

Segundo miembro: $x^2 - 2x$.

Incógnita: x.

Grado: 1.

c) Primer miembro: $x(x^2 - x) + 2 + x^2$.

Segundo miembro: $x^3 + x$.

Incógnita: x.

Grado: 1.

¿Cuál de los siguientes números es solución de la ecuación 5x - 9 = 4(x - 5)?

- a) 4
- b) -3
- c) 14
- d) -11

$$5x - 9 = 4(x - 5)$$

a)
$$5 \cdot 4 - 9 = 20 - 9 = 11$$

 $4(4 - 5) = 4(-1) = -4$ $\}$ \rightarrow No

b)
$$5(-3) - 9 = -15 - 9 = -24$$

 $4(-3 - 5) = 4(-8) = -32$ \rightarrow No

c)
$$5 \cdot 14 - 9 = 70 - 9 = 61$$

 $4(14 - 5) = 4 \cdot 9 = 36$ \rightarrow No

d)
$$5(-11) - 9 = -55 - 9 = -64$$

 $4(-11 - 5) = 4(-16) = -64$ \rightarrow La solución es $x = -11$

006

Escribe dos ecuaciones que tengan como solución x = 1.

$$3x = 3$$

$$2x + 5 = 7$$

007

Escribe dos ecuaciones que tengan:

- a) Dos soluciones.
- b) Ninguna solución.
- c) Infinitas soluciones.

a)
$$x^2 + 5x = -3$$

$$y^2 - \Delta$$

b)
$$x^2 + 9 = 0$$

$$x^2 + x + 1 = 0$$

c)
$$3x + 6 = 3(x + 2)$$

$$5x + 4 = 2x + 3 + 3x + 1$$

800

Resuelve aplicando las reglas de la suma y el producto.

a)
$$x + 4 = 5$$

d)
$$8x = 24$$

b)
$$x-2=-1$$

e)
$$-6x = 72$$

c)
$$3 - x = 21$$

f)
$$-4x = -24$$

a)
$$x + 4 = 5 \longrightarrow x + 4 - 4 = 5 - 4 \longrightarrow x = 1$$

b)
$$x-2=-1 \rightarrow x-2+2=-1+2 \rightarrow x=1$$

c)
$$3 - x = 21 \rightarrow 3 - x - 3 = 21 - 3 \rightarrow -x = 18 \rightarrow (-1)(-x) = (-1)18 \rightarrow x = -18$$

d)
$$8x = 24 \longrightarrow \frac{8x}{8} = \frac{24}{8} \to x = 3$$

e)
$$-6x = 72 \longrightarrow \frac{-6x}{-6} = \frac{72}{-6} \to x = -12$$

f)
$$-4x = -24 \rightarrow \frac{-4x}{-4} = \frac{-24}{-4} \rightarrow x = 6$$

009 Calcula.

a)
$$2x + 4 = 16$$

b)
$$7x + 8 = 57$$

b)
$$7x + 8 = 57$$
 c) $5x - 5 = 25$

d)
$$-6x-1=-13$$

a)
$$2x + 4 = 16 \rightarrow 2x + 4 - 4 = 16 - 4 \rightarrow 2x = 12 \rightarrow \frac{2x}{2} = \frac{12}{2} \rightarrow x = 6$$

b)
$$7x + 8 = 57 \rightarrow 7x + 8 - 8 = 57 - 8 \rightarrow 7x = 49 \rightarrow \frac{7x}{7} = \frac{49}{7} \rightarrow x = 7$$

c)
$$5x - 5 = 25 \rightarrow 5x - 5 + 5 = 25 + 5 \rightarrow 5x = 30 \rightarrow \frac{5x}{5} = \frac{30}{5} \rightarrow x = 6$$

d)
$$-6x - 1 = -13 \rightarrow -6x - 1 + 1 = -13 + 1 \rightarrow -6x = -12 \rightarrow \frac{-6x}{-6} = \frac{-12}{-6} \rightarrow x = 2$$

010 Resuelve.

a)
$$-11x = -4x + 15$$

c)
$$7x - 4 = -5 - 6x$$

b)
$$-1 - 2x = -3x - 11$$

d)
$$4x - 8 = 6x + 2$$

a)
$$-11x = -4x + 15 \rightarrow -11x + 4x = -4x + 15 + 4x \rightarrow -7x = 15 \rightarrow \frac{-7x}{-7} = \frac{15}{-7} \rightarrow x = -\frac{15}{7}$$

b)
$$-1 - 2x = -3x - 11 \rightarrow -1 - 2x + 3x + 1 = -3x - 11 + 3x + 1 \rightarrow x = -10$$

c)
$$7x - 4 = -5 - 6x \rightarrow 7x - 4 + 6x + 4 = -5 - 6x + 6x + 4 \rightarrow 13x = -1 \rightarrow \frac{13x}{13} = -\frac{1}{13} \rightarrow x = -\frac{1}{13}$$

d)
$$4x - 8 = 6x + 2 \rightarrow 4x - 8 - 6x + 8 = 6x + 2 - 6x + 8 \rightarrow$$

 $\Rightarrow -2x = 10 \Rightarrow \frac{-2x}{-2} = \frac{10}{-2} \Rightarrow x = -5$

011 Halla la solución de esta ecuación: 3(x + 2) = 3x + 6.

 $3(x+2) = 3x+6 \rightarrow 3x+6 = 3x+6$. Es una identidad: infinitas soluciones.

012 Resuelve estas ecuaciones.

a)
$$2x + 5 = 2 + 4x + 3$$

d)
$$4x-5=3x-2+x-5$$

b)
$$3x-5=2x+4+x-9$$

e)
$$9x - 11 = 4x + 6 + 5x + 5$$

c)
$$3x + 8 = 5x + 2$$

f)
$$6x + 2x + 4 = 3x + 3 - 5x - 9$$

a)
$$2x + 5 = 2 + 4x + 3 \rightarrow 2x + 5 = 4x + 5 \rightarrow 2x - 4x = 5 - 5 \rightarrow x = 0$$

b)
$$3x - 5 = 2x + 4 + x - 9 \rightarrow 3x - 5 = 3x - 5 \rightarrow Identidad$$

c)
$$3x + 8 = 5x + 2 \rightarrow 3x - 5x = 2 - 8 \rightarrow -2x = -6 \rightarrow x = 3$$

d)
$$4x - 5 = 3x - 2 + x - 5 \rightarrow 4x - 5 = 4x - 7 \rightarrow 4x - 4x = -7 + 5 \rightarrow 0x = -2 \rightarrow Ecuación incompatible$$

e)
$$9x - 11 = 4x + 6 + 5x + 5 \rightarrow 9x - 11 = 9x + 11 \rightarrow 9x - 9x = 11 + 11 \rightarrow 0x = 22 \rightarrow$$
 Ecuación incompatible

f)
$$6x + 2x + 4 = 3x + 3 - 5x - 9 \rightarrow 8x + 4 = -2x - 6 \rightarrow x = -1$$

- 013 Indica si el paso es correcto o no.
 - a) $2x + 5x = 2x + 4 \rightarrow 5x = 4$
 - b) $3x 5 = x 9 \rightarrow 4x = -4$
 - a) $2x + 5x 2x = 4 \rightarrow 5x = 4$. Sí es correcto.
 - b) $3x x = -9 + 5 \rightarrow 2x = -4$. No es correcto.
- ¿Qué pasa cuando en los dos miembros de una ecuación aparece un mismo término?

Entonces podemos eliminarlo de los dos miembros, porque transponiendo uno quedaría la suma de uno de ellos más su opuesto.

- 015 Resuelve.
 - a) x 5(x 2) = 6x
 - b) 120 = 2x (15 7x)

a)
$$x - 5(x - 2) = 6x \rightarrow x - 5x + 10 = 6x \rightarrow -4x + 10 = 6x \rightarrow 10 = 6x + 4x \rightarrow 10 = 10x \rightarrow x = 1$$

b)
$$120 = 2x - (15 - 7x) \rightarrow 120 = 2x - 15 + 7x \rightarrow 120 = 9x - 15 \rightarrow 120 + 15 = 9x \rightarrow 135 = 9x \rightarrow x = 15$$

016 Calcula el valor de x.

a)
$$\frac{x+2}{2} = \frac{x+3}{3}$$

b)
$$\frac{x}{2} - \frac{2x+7}{5} = 5$$

c)
$$\frac{x}{4} + 5 = \frac{7x}{12}$$

a)
$$\frac{x+2}{2} = \frac{x+3}{3} \xrightarrow{\text{m.c.m.} (2,3)=6} 6 \cdot \frac{x+2}{2} = 6 \cdot \frac{x+3}{3} \rightarrow 3(x+2) = 2(x+3) \rightarrow 3x + 6 = 2x + 6 \rightarrow 3x - 2x = 6 - 6 \rightarrow x = 0$$

b)
$$\frac{x}{2} - \frac{2x+7}{5} = 5 \rightarrow 10 \cdot \frac{x}{2} - 10 \cdot \frac{(2x+7)}{5} = 10 \cdot 5 \rightarrow \frac{x}{5}$$

$$m.c.m. (2, 5) = 10$$

$$\rightarrow 5x - 2(2x + 7) = 50 \rightarrow 5x - 4x - 14 = 50 \rightarrow x = 50 + 14 \rightarrow x = 64$$

c)
$$\frac{x}{4} + 5 = \frac{7x}{12} \xrightarrow{4} 12 \cdot \frac{x}{4} + 12 \cdot 5 = 12 \cdot \frac{7x}{12} \rightarrow 3x + 60 = 7x \rightarrow$$

$$m.c.m. (4, 12) = 12$$

$$\rightarrow 60 = 7x - 3x \rightarrow 60 = 4x \rightarrow x = \frac{60}{4} = 15$$

017 Resuelve estas ecuaciones.

a)
$$\frac{4(x-1)}{3} - \frac{2(x-3)}{6} = 5$$

b) $2x + \frac{(x+5)}{6} - \frac{3(x+4)}{8} = 7 - 3x$
a) $\frac{4(x-1)}{3} - \frac{2(x-3)}{6} = 5 \rightarrow 6 \cdot \frac{4(x-1)}{3} - 6 \cdot \frac{2(x-3)}{6} = 6 \cdot 5 \rightarrow 6$

b)
$$2x + \frac{(x+5)}{6} - \frac{3(x+4)}{8} = 7 - 3x \rightarrow$$

m.c.m. $(6, 8) = 24$

$$\rightarrow 24 \cdot 2x + 24 \cdot \frac{(x+5)}{6} - 24 \cdot \frac{3(x+4)}{8} = 24(7-3x) \rightarrow$$

$$\rightarrow 48x + 4(x+5) - 9(x+4) = 24(7-3x) \rightarrow$$

$$\rightarrow 48x + 4x + 20 - 9x - 36 = 168 - 72x \rightarrow$$

$$\rightarrow 43x - 16 = 168 - 72x \rightarrow 43x + 72x = 168 + 16 \rightarrow$$

$$\rightarrow 115x = 184 \rightarrow x = \frac{184}{115} = \frac{8}{5}$$

Escribe una ecuación de primer grado con paréntesis y denominadores que tenga como solución x = -1.

$$\frac{x+3}{2} + 2(x+1) = \frac{4-x}{5}$$

019 Resuelve.

a)
$$x^2 - 7x + 12 = 0$$

d)
$$x^2 - 9x + 14 = 0$$

b)
$$x^2 - 9x + 18 = 0$$

e)
$$x^2 - 6x + 8 = 0$$

c)
$$2x^2 - 8x + 8 = 0$$

f)
$$3x^2 + 12x + 9 = 0$$

a)
$$x^2 - 7x + 12 = 0 \rightarrow x = \frac{-(-7) \pm \sqrt{(-7)^2 - 4 \cdot 12}}{2} = \frac{7 \pm \sqrt{49 - 48}}{2} = \frac{7 \pm \sqrt{1}}{2} = \frac{7 \pm 1}{2} = \frac{4}{3}$$

b)
$$x^2 - 9x + 18 = 0 \rightarrow x = \frac{-(-9) \pm \sqrt{(-9)^2 - 4 \cdot 18}}{2} = \frac{9 \pm \sqrt{81 - 72}}{2} = \frac{9 \pm \sqrt{9}}{2} = \frac{9 \pm 3}{2} = \frac{6}{3}$$

d)
$$x^2 - 9x + 14 = 0 \rightarrow x = \frac{-(-9) \pm \sqrt{(-9)^2 - 4 \cdot 14}}{2} = \frac{9 \pm \sqrt{81 - 56}}{2} = \frac{9 \pm \sqrt{25}}{2} = \frac{9 \pm 5}{2} = \frac{7}{2}$$

e)
$$x^2 - 6x + 8 = 0 \rightarrow x = \frac{-(-6) \pm \sqrt{(-6)^2 - 4 \cdot 8}}{2} = \frac{6 \pm \sqrt{36 - 32}}{2} = \frac{6 \pm \sqrt{4}}{2} = \frac{6 \pm 2}{2} = \checkmark$$

f)
$$3x^2 + 12x + 9 = 0 \rightarrow x = \frac{-12 \pm \sqrt{12^2 - 4 \cdot 3 \cdot 9}}{2 \cdot 3} = \frac{-12 \pm \sqrt{144 - 108}}{6} = \frac{-12 \pm \sqrt{36}}{6} = \frac{-12 \pm 6}{6} = < \frac{-1}{-3}$$

020 Expresa de la forma $ax^2 + bx + c = 0$ y resuelve.

a)
$$x^2 - x = 20$$
 b) $2x^2 = 48 - 10x$ c) $3x^2 - 8 = -2x$ d) $x^2 + 9 = 10x$

a)
$$x^2 - x - 20 = 0 \rightarrow x = \frac{-(-1) \pm \sqrt{(-1)^2 + 4 \cdot 20}}{2} = \frac{1 \pm \sqrt{1 + 80}}{2} = \frac{1 \pm \sqrt{81}}{2} = \frac{1 \pm 9}{2} = \frac{5}{-4}$$

- 021 Resuelve estas ecuaciones.
 - a) $2x^2 98 = 0$
- b) $5x^2 + 20x = 0$

a)
$$2x^2 - 98 = 0 \rightarrow 2x^2 = 98 \rightarrow x^2 = 49 \rightarrow x = \pm \sqrt{49} = \frac{7}{-7}$$

b)
$$5x^2 + 20x = 0 \rightarrow x^2 + 4x = 0 \rightarrow x(x+4) = 0 \rightarrow \begin{cases} x = 0 \rightarrow x_1 = 0 \\ x+4 = 0 \rightarrow x_2 = -4 \end{cases}$$

Otra forma:

$$5x^{2} + 20x = 0 \rightarrow x = \frac{-20 \pm \sqrt{20^{2} - 4 \cdot 5 \cdot 0}}{10} \rightarrow x = \frac{-20 \pm \sqrt{400}}{10} = \frac{-20 \pm 20}{10} = \frac{0}{-4}$$

- 022 Determina el número de soluciones de las ecuaciones de segundo grado.
 - a) $x^2 7x 12 = 0$
 - b) $x^2 + 9x + 18 = 0$
 - c) $3x^2 x + 12 = 0$

a)
$$\Delta = (-7)^2 - 4 \cdot 1 \cdot (-12) = 49 + 48 = 97 > 0 \rightarrow \text{Tiene 2 soluciones}$$

b)
$$\Delta = 9^2 - 4 \cdot 1 \cdot 18 = 81 - 72 = 9 > 0 \rightarrow \text{Tiene 2 soluciones}$$

c)
$$\Delta = (-1)^2 - 4 \cdot 3 \cdot 12 = 1 - 144 = -143 < 0 \rightarrow \text{No tiene solución}$$

023 Halla cuántas soluciones tienen estas ecuaciones de segundo grado. Después, calcula su valor.

a)
$$x^2 - 6x + 4 = 0$$

d)
$$x^2 - 5x + 9 = 0$$

b)
$$2x^2 = 4 - 10x$$

e)
$$7x^2 + 1 = 6x$$

c)
$$3x^2 = 6x$$

f)
$$8x^2 = -3$$

a)
$$x^2 - 6x + 4 = 0 \rightarrow x = \frac{6 \pm \sqrt{6^2 - 4 \cdot 4}}{2} = \frac{6 \pm \sqrt{36 - 16}}{2} = \frac{6 \pm \sqrt{20}}{2}$$

c)
$$3x^2 = 6x \rightarrow 3x^2 - 6x = 0 \rightarrow x = \frac{-(-6) \pm \sqrt{(-6)^2 - 4 \cdot 3 \cdot 0}}{2 \cdot 3} = \frac{6 \pm \sqrt{36}}{6} = \frac{6 \pm 6}{6} = 2$$

d)
$$x^2 - 5x + 9 = 0 \rightarrow x = \frac{-(-5) \pm \sqrt{(-5)^2 - 4 \cdot 9}}{2} = \frac{5 \pm \sqrt{25 - 36}}{2} = \frac{5 \pm \sqrt{-11}}{2} \rightarrow \text{No tiene soluciones reales}$$

f)
$$8x^2 = -3 \rightarrow x^2 = -\frac{3}{8} \rightarrow x = \pm \sqrt{-\frac{3}{8}} \rightarrow \text{No tiene soluciones reales}$$

024 Calcula el valor del discriminante y las soluciones en cada caso.

a)
$$x^2 - 4x + 3 = 0$$

c)
$$x^2 - 4x = -5$$

b)
$$2x^2 - 20x = -50$$

d)
$$\frac{2}{3}x^2 + \frac{4}{5}x = 0$$

a)
$$\Delta = (-4)^2 - 4 \cdot 1 \cdot 3 = 16 - 12 = 4 > 0 \rightarrow \text{Tiene 2 soluciones}$$

b)
$$2x^2 - 20x + 50 = 0 \rightarrow x^2 - 10x - 25 = 0 \rightarrow$$

 $\rightarrow \Delta = (-10)^2 - 4 \cdot 1 \cdot 25 = 100 - 100 = 0 \rightarrow$
 \rightarrow Tiene 1 solución (doble)

c)
$$x^2 - 4x + 5 = 0 \rightarrow \Delta = (-4)^2 - 4 \cdot 1 \cdot 5 = 16 - 20 = -4 < 0 \rightarrow$$

 \rightarrow No tiene solución

c)
$$\frac{2}{3}x^2 + \frac{4}{5}x = 0 \rightarrow \Delta = \left(\frac{4}{5}\right)^2 - 4 \cdot \frac{2}{3} \cdot 0 \rightarrow \text{Tiene 2 soluciones}$$

- 025 Escribe una ecuación de segundo grado:
 - a) Con dos soluciones.
 - b) Con una solución doble.
 - c) Sin solución.

a)
$$x^2 + 7x + 12 = 0 \rightarrow x_1 = -3$$
, $x_2 = -4$

b)
$$x^2 + 6x + 9 = 0 \rightarrow x = -3$$
 (doble)

c)
$$x^2 - 3x + 5 = 0 \rightarrow \text{No tiene soluciones reales}$$

026 Resuelve.

a)
$$x^2 - 9x = 0$$

b)
$$x^2 - 7x = 0$$

c)
$$4x^2 - 5x - 0$$

d)
$$7x^2 = 6x$$

c)
$$4x^2 - 5x = 0$$

e)
$$2x^2 - 32 = 0$$

f)
$$x^2 + 6x = 0$$

g)
$$x^2 + 9x = 0$$

h)
$$10x^2 + 11x = 0$$

i)
$$3x^2 = -4x$$

j)
$$3x^2 - 243 = 0$$

a)
$$x^2 - 9x = 0 \rightarrow x(x - 9) = 0 \rightarrow \begin{cases} x = 0 \longrightarrow x_1 = 0 \\ x - 9 = 0 \longrightarrow x_2 = 9 \end{cases}$$

b)
$$x^2 - 7x = 0 \rightarrow x(x - 7) = 0 \rightarrow \begin{cases} x = 0 \longrightarrow x_1 = 0 \\ x - 7 = 0 \longrightarrow x_2 = 7 \end{cases}$$

c)
$$4x^2 - 5x = 0 \rightarrow x(4x - 5) = 0 \rightarrow \begin{cases} x = 0 \longrightarrow x_1 = 0 \\ 4x - 5 = 0 \rightarrow x_2 = 5/4 \end{cases}$$

d)
$$7x^2 - 6x = 0 \rightarrow x(7x - 6) = 0 \rightarrow \begin{cases} x = 0 \longrightarrow x_1 = 0 \\ 7x - 6 = 0 \rightarrow x_2 = 6/7 \end{cases}$$

e)
$$2x^2 = 32 \rightarrow x^2 = 16 \rightarrow \begin{cases} x_1 = 4 \\ x_2 = -4 \end{cases}$$

f)
$$x^2 + 6x = 0 \rightarrow x(x+6) = 0 \rightarrow \begin{cases} x = 0 \longrightarrow x_1 = 0 \\ x+6 = 0 \rightarrow x_2 = -6 \end{cases}$$

g)
$$x^2 + 9x = 0 \rightarrow x(x+9) = 0 \rightarrow \begin{cases} x = 0 \longrightarrow x_1 = 0 \\ x + 9 = 0 \rightarrow x_2 = -9 \end{cases}$$

h)
$$10x^2 + 11x = 0 \rightarrow x(10x + 11) = 0 \rightarrow \begin{cases} x = 0 \longrightarrow x_1 = 0 \\ 10x + 11 = 0 \rightarrow x_2 = -11/10 \end{cases}$$

i)
$$3x^2 + 4x = 0 \rightarrow x(3x + 4) = 0 \rightarrow \begin{cases} x = 0 \longrightarrow x_1 = 0 \\ 3x + 4 = 0 \rightarrow x_2 = -4/3 \end{cases}$$

j)
$$3x^2 - 243 = 0 \rightarrow x^2 = 81 \rightarrow \begin{cases} x_1 = 9 \\ x_2 = -9 \end{cases}$$

027 Calcula.

a)
$$900x^2 = 9$$

$$a) 300x - 3$$

c)
$$-x^2 = 3x - 10$$

b)
$$5x(2x-1) = 7x$$

d)
$$(x-2)(3x+7)=0$$

a)
$$900x^2 = 9 \rightarrow x^2 = \frac{1}{100} \rightarrow x = \pm \sqrt{\frac{1}{100}} \rightarrow \begin{cases} x_1 = 1/10 \\ x_2 = -1/10 \end{cases}$$

b)
$$5x(2x-1) = 30 \to 10x^2 - 5x - 30 = 0 \to$$

$$\to x = \frac{-(-5) \pm \sqrt{(-5)^2 + 4 \cdot 10 \cdot 30}}{2 \cdot 10} = \frac{5 \pm \sqrt{25 + 1.200}}{20} =$$

$$= \frac{5 \pm \sqrt{1.225}}{20} = \frac{5 \pm 35}{20} \to \begin{cases} x_1 = 2 \\ x_2 = -30/20 = -3/2 \end{cases}$$

Escribe una ecuación de segundo grado con algún coeficiente igual a cero y dos soluciones.

$$x^{2} - 16 = 0 \rightarrow x^{2} = 16 \rightarrow x = \pm \sqrt{16} \rightarrow \begin{cases} x_{1} = 4 \\ x_{2} = -4 \end{cases}$$

029 La suma de dos números es 48. Si uno es la mitad del otro, ¿qué números son?

Sean los dos números x y 2x.

$$x + 2x = 48 \rightarrow 3x = 48 \rightarrow x = 16 \rightarrow 2x = 32$$

Los dos números son 16 y 32.

María tiene 4 tebeos menos que Sara. Si María le da 2 de sus tebeos, Sara tendrá el triple que ella. ¿Cuántos tebeos tiene cada una?

Tebeos de María: x

Tebeos de Sara: x + 4

$$x + 4 + 2 = 3(x - 2) \rightarrow x + 4 + 2 = 3x - 6 \rightarrow x - 3x = -6 - 4 - 2 \rightarrow -2x = -12 \rightarrow x = 6$$

María tiene 6 tebeos y Sara 10.

A una fiesta asisten 43 personas. Si se marchasen 3 chicos, habría el triple de chicas que de chicos. ¿Cuántos chicos y chicas hay?

N.º de chicos: x

N.º de chicas: 43 - x

$$43 - x = 3(x - 3) \rightarrow 43 - x = 3x - 9 \rightarrow 43 = 4x - 9 \rightarrow 52 = 4x \rightarrow x = 13$$

Sustituimos: 43 - 13 = 30.

Hay 13 chicos y 30 chicas.

032 La suma de dos números consecutivos impares es 156. ¿De qué números se trata?

Sean los dos números x y $x+2 \rightarrow x+x+2=156 \rightarrow 2x=154 \rightarrow x=77$ Por tanto, los números son 77 y 79.

O33 El producto de un número por el doble de ese mismo número es 288. ¿Qué número es? ¿Existe más de una solución?

Número: x

$$x \cdot 2x = 288 \rightarrow 2x^2 = 288 \rightarrow x^2 = 144 \rightarrow x = \pm 12$$

Tiene dos soluciones: 12 y - 12.

O34 Alberto tiene el doble de edad que Ana. Si multiplicamos sus edades obtenemos el número 512. ¿Qué edad tiene cada uno?

Edad de Ana: x Edad de Alberto: 2x $x \cdot 2x = 512 \rightarrow 2x^2 = 512 \rightarrow x^2 = 256 \rightarrow x = +16$

Como la edad es un número positivo, la solución es única.

Ana tiene 16 años y Alberto 32 años.

035 La suma de un número y su cuadrado es 42. ¿De qué número se trata?

$$x + x^{2} = 42 \rightarrow x^{2} + x - 42 = 0 \rightarrow$$

$$\rightarrow x = \frac{-1 \pm \sqrt{1^{2} + 4 \cdot 42}}{2 \cdot 1} = \frac{-1 \pm \sqrt{169}}{2} = \frac{-1 \pm 13}{2} \rightarrow \begin{cases} x_{1} = 6 \\ x_{2} = -7 \end{cases}$$

Existen dos soluciones:

Para $x = 6 \longrightarrow 6^2 + 6 = 36 + 6 = 42$ Para $x = -7 \longrightarrow (-7)^2 + (-7) = 49 - 7 = 42$

O36 El producto de las edades de Luisa y su hermano, que tiene 5 años menos que ella, es 176. ¿Cuántos años tienen ambos?

Edad de Luisa: xEdad de su hermano: x - 5 $x(x - 5) = 176 \rightarrow x^2 - 5x - 176 = 0$

$$x = \frac{-(-5) \pm \sqrt{(-5)^2 + 4 \cdot 176}}{2} = \frac{5 \pm \sqrt{25 + 704}}{2} = \frac{5 \pm \sqrt{729}}{2} = \frac{5 \pm 27}{2} \Rightarrow \begin{cases} x_1 = 16 \\ x_2 = -11 \end{cases}$$

La segunda solución no es válida (una edad no puede ser negativa), así que la edad de Luisa es 16 años y la de su hermano: 16 - 5 = 11 años.

037 Encuentra dos números consecutivos tales que al multiplicarlos se obtenga como resultado 380 unidades.

Sean los dos números x y x + 1.

$$x(x + 1) = 380 \rightarrow x^2 + x - 380 = 0 \rightarrow$$

$$\rightarrow x = \frac{-1 \pm \sqrt{1^2 + 4 \cdot 380}}{2} = \frac{-1 \pm \sqrt{1.521}}{2} = \frac{-1 \pm 39}{2} \rightarrow \begin{cases} x_1 = 19 \\ x_2 = -20 \end{cases}$$

Existen dos soluciones:

Para $x = 19 \longrightarrow \text{Los números son } 19 \text{ y } 20.$

Para $x = -20 \rightarrow \text{Los números son } -20 \text{ y } -19.$

O38 Para vallar una finca rectangular de 750 m² se utilizan 110 m de cerca.

Calcula las dimensiones de la cerca.

Los lados miden
$$x$$
 y 55 – x .
El área será: $A = x(55 - x) = 750$.

Para hallar la medida de los lados resolvemos la ecuación de segundo grado:

$$x(55 - x) = 750 \to 55x - x^{2} = 750 \to x^{2} + 55x - 750 = 0$$

$$x = \frac{-55 \pm \sqrt{55^{2} - 4 \cdot 750}}{-2} = \frac{-55 \pm \sqrt{3.025 - 3.000}}{-2} = \frac{-55 \pm \sqrt{25}}{-2} = \frac{-55 \pm 5}{-2} \to \begin{cases} x_{1} = 25 \\ x_{2} = 30 \end{cases}$$

ACTIVIDADES

039 Determina si las siguientes igualdades algebraicas son identidades o ecuaciones.

a)
$$2x + 3 = 5(x - 1) - 3x + 8$$

b)
$$2x - 3x - 7 = 5x + 1 - x$$

c)
$$4x + 6 - x - 3x = 5 + 8x - 3 - 2x$$

d)
$$(x+2)^2-x^2-4x=4$$

a)
$$2x + 3 = 5(x - 1) - 3x + 8 \rightarrow 2x + 3 = 5x - 5 - 3x + 8 \rightarrow 2x + 3 = 2x + 3 \rightarrow Identidad$$

b)
$$2x - 3x - 7 = 5x + 1 - x \rightarrow -x - 7 = 4x + 1 \rightarrow$$
 Ecuación

c)
$$4x + 6 - x - 3x = 5 + 8x - 3 - 2x \rightarrow 6 = 2 + 6x \rightarrow$$
 Ecuación

d)
$$(x + 2)^2 - x^2 - 4x = 4 \rightarrow x^2 + 4x + 4 - x^2 - 4x = 4 \rightarrow 4 = 4 \rightarrow 4$$

 \rightarrow Identidad

040 Indica los miembros de estas ecuaciones.

a)
$$2x + 3 = 5$$

b)
$$2x - 3x - 7 = 5x + x - 5x$$

c)
$$4x + 6 - x - 3x = 5 + 2x - 3 - 2x$$

d)
$$(x+2)-(x^2-2)=4$$

a)
$$2x+3 = 5$$
1. er miembro 2. emiembro

b)
$$2x - 3x - 7 = 5x + x - 5x$$
1. er miembro
2.º miembro

c)
$$4x + 6 - x - 3x = 5 + 2x - 3 - 2x$$
1.er miembro 2.º miembro

d)
$$(x+2)-(x^2-2)=\underbrace{4}_{1.\text{er miembro}}=\underbrace{2.\text{° miembro}}$$

041 Señala los términos de las ecuaciones.

a)
$$5x + 1 = 25$$

c)
$$4x + 6 = 76 + 12x + 3 - 2x$$

b)
$$2x - x - 9 = x + 3x - 5x$$

d)
$$9(x+7)-3(x^2-2)=4$$

a)
$$5x + 1 = 25 \rightarrow \text{Términos: } 5x, 1, 25$$

b)
$$2x - x - 9 = x + 3x - 5x \rightarrow \text{Términos: } 2x, -x, -9, x, 3x, -5x$$

c)
$$4x + 6 = 76 + 12x + 3 - 2x \rightarrow \text{Términos: } 4x, 6, 76, 12x, 3, -2x$$

d)
$$9(x+7) - 3(x^2-2) = 4 \rightarrow 9x + 63 - 3x^2 + 6 = 4 \rightarrow$$

 \rightarrow Términos: $9x$, 63 , $-3x^2$, 6 , 4

Indica el grado de las siguientes ecuaciones. 042

a)
$$x^4 - 8 + x = 0$$

h)
$$2x^2 + x = 0$$

c)
$$3x^2 + 75 = 0$$

a)
$$x^4 - 8 + x = 0$$
 b) $2x^2 + x = 0$ c) $3x^2 + 75 = 0$ d) $-4x^2 - 12x^5 = x^6$

043 ¿Cuál de estos números es solución de la ecuación $x(x-1) = x^2 + x$?

a)
$$x=1$$

b)
$$x = -1$$
 c) $x = 0$ d) $x = 2$ e) $x = -3$ f) $x = -2$

d)
$$x = 2$$

f)
$$x = -2$$

La solución es: c)
$$x = 0$$
, ya que $0(0 - 1) = 0 + 0$.

044 ¿Es el valor 4 solución de alguna de las ecuaciones?

a)
$$x^2 - 16 = 0$$

c)
$$x^2 - 4 = 8$$

e)
$$x^3 - 124 = 0$$

b)
$$x + 4 = 0$$

d)
$$x^2 - x + 8 = x + 4$$

0 c)
$$x^2 - 4 = 8$$
 e) $x^3 - 124 = 0$
d) $x^2 - x + 8 = x + 4$ f) $x^2 - x + 8 = x + 4 - 8$

a) Sí,
$$16 - 16 = 0$$
.
b) No, $4 + 4 \neq 0$.
d) No, $16 - 4 + 8 \neq 4 + 4$.
e) No, $64 - 128 \neq 0$.

b) No.
$$4 + 4 \neq 0$$

e) No,
$$64 - 128 \neq 0$$
.

c) No.
$$16 - 4 \neq 8$$

c) No,
$$16 - 4 \neq 8$$
. f) No, $16 - 4 + 8 \neq 4 + 4 - 8$.

045 Escribe una ecuación:



a) Con dos incógnitas y términos independientes 5 y -3.

- b) Con una incógnita y solución 7.
- c) Con incógnita z y solución -9.

a)
$$x - 3y + 5 = 2x + y - 3$$

b)
$$2x - 5 = 9 \rightarrow 2x = 14 \rightarrow x = 7$$

c)
$$1 - z = 10 \rightarrow -z = 10 - 1 = 9 \rightarrow z = -9$$

046 Averigua cuáles de las siguientes ecuaciones tienen como solución x = 6.

a)
$$4x = 24$$

c)
$$-x = \frac{4}{3}$$
 e) $-x = -6$
d) $3x = 32$ f) $4x = \frac{8}{3}$

e)
$$-x = -6$$

b)
$$8x = 12$$

d)
$$3x = 32$$

$$4x = \frac{8}{3}$$

a) Sí,
$$x = 6$$

a) Sí,
$$x = 6$$
. c) No, $x = -\frac{4}{3}$.

e) Sí,
$$x = 6$$

b) No,
$$x = \frac{3}{2}$$

b) No,
$$x = \frac{3}{2}$$
. d) No, $x = \frac{32}{3}$. f) No, $x = \frac{2}{3}$.

f) No,
$$x = \frac{2}{3}$$
.

Escribe dos ecuaciones en cada caso.

- a) Que tengan como solución x = 3.
- c) Que su solución sea x = 5.
- b) Que tengan como solución x = -2.
- d) Que su solución sea x = -1.

a)
$$2x = 6 \text{ y } 3x + 6 = 15$$

c)
$$x - 5 = 0$$
 y $2x = 10$

b)
$$3x = -6 \text{ y } 9 - 2x = 13$$
 d) $x + 1 = 0 \text{ y } 3x = -3$

d)
$$x + 1 = 0$$
 y $3x = -3$

048

Resuelve.

a)
$$10 - x = 3$$

b)
$$9 + x = 2$$

c)
$$-12 - x = 3$$

d)
$$16 + 3x = -12$$

e)
$$4x + 5 = 11$$

f)
$$3x + 7 = 14$$

g)
$$-5 + 20x = 95$$

h)
$$-9 - 11x = 2$$

a)
$$10 - x = 3 \rightarrow 10 - 3 = x \rightarrow x = 7$$

b)
$$9 + x = 2 \rightarrow 9 + x - 9 = 2 - 9 \rightarrow x = -7$$

c)
$$-12 - x = 3 \rightarrow -12 - x + 12 = 3 + 12 \rightarrow -x = 15 \rightarrow x = -15$$

d)
$$16 + 3x = -12 \rightarrow 16 + 3x - 16 = -12 - 16 \rightarrow 3x = -28 \rightarrow x = -\frac{28}{3}$$

e)
$$4x + 5 = 11 \rightarrow 4x = 11 - 5 \rightarrow 4x = 6 \rightarrow x = \frac{3}{2}$$

f)
$$3x + 7 = 14 \rightarrow 3x = 14 - 7 \rightarrow 3x = 7 \rightarrow x = \frac{7}{3}$$

g)
$$-5 + 20x = 95 \rightarrow 20x = 95 + 5 \rightarrow x = \frac{200}{20} = 5$$

h)
$$-9 - 11x = 2 \rightarrow -11x = 2 + 9 \rightarrow x = \frac{11}{-11} = -1$$

049

Halla la solución de estas ecuaciones.

a)
$$4x + 5 = -3x + 12$$

d)
$$6x + 40 = 2x + 50$$

g)
$$9x + 8 = -7x + 16$$

b)
$$3x + 7 = 2x + 16$$

e)
$$-3x-42=-2x-7$$

h)
$$-5x - 13 = -2x - 4$$

c)
$$5 + 20x = 7 + 12x$$

f)
$$3x - 50 = 10 - 2x$$
 i) $9x - 8 = 8x - 9$

i)
$$9x - 8 = 8x - 9$$

a)
$$4x + 5 = -3x + 12 \rightarrow 4x + 3x = 12 - 5 \rightarrow 7x = 7 \rightarrow x = 1$$

b)
$$3x + 7 = 2x + 16 \rightarrow 3x - 2x = 16 - 7 \rightarrow x = 9$$

c)
$$5 + 20x = 7 + 12x \rightarrow 20x - 12x = 7 - 5 \rightarrow 8x = 2 \rightarrow x = \frac{1}{4}$$

d)
$$6x + 40 = 2x + 50 \rightarrow 6x - 2x = 50 - 40 \rightarrow 4x = 10 \rightarrow x = \frac{10}{4} = \frac{5}{2}$$

e)
$$-3x - 42 = -2x - 7 \rightarrow -3x + 2x = -7 + 42 \rightarrow -x = 35 \rightarrow x = -35$$

f)
$$3x - 50 = 10 - 2x \rightarrow 3x + 2x = 10 + 50 \rightarrow 5x = 60 \rightarrow x = 12$$

g)
$$9x + 8 = -7x + 16 \rightarrow 9x + 7x = 16 - 8 \rightarrow 16x = 8 \rightarrow x = \frac{1}{2}$$

h)
$$-5x - 13 = -2x - 4 \rightarrow -5x + 2x = -4 + 13 \rightarrow -3x = 9 \rightarrow x = \frac{9}{-3} = -3$$

i)
$$9x - 8 = 8x - 9 \rightarrow 9x - 8x = -9 + 8 \rightarrow x = -1$$

050

Corrige los errores en la resolución de la ecuación.

En el tercer paso, al despejar x, el 5 debe pasar dividiendo con el mismo signo con el que multiplica a x, en este caso positivo, $x = \frac{10}{5} = 2$.

HAZLO ASÍ 051

¿CÓMO SE RESUELVE UNA ECUACIÓN CON PARÉNTESIS?

Resulve 3(4-2x)-2(3x-1)=2.

PRIMERO. Se eliminan los paréntesis, teniendo en cuenta que si hay un signo menos delante de un paréntesis se cambian todos los signos de su interior.

$$3(4-2x) - 2(3x - 1) = 2$$

$$3 \cdot 4 - 3 \cdot 2x - 2 \cdot 3x + 2 \cdot 1 = 2$$

$$12 - 6x - 6x + 2 = 2$$

SEGUNDO. Agrupamos los términos con x en un miembro, y los números, en el otro.

$$12 - 6x - 6x + 2 = 2 \rightarrow 12 + 2 - 2 = 6x + 6x$$

TERCERO. Reducimos los términos semejantes.

$$12 + 2 - 2 = 6x + 6x \rightarrow 12 = 12x$$

cuarto. Despejamos x.

$$12 = 12x \rightarrow x = \frac{12}{12} = 1$$

052 Resuelve.

a)
$$6(x+11) = 40 + 6(x+2)$$

d)
$$120 = 2x - (15 - 7x)$$

b)
$$2(x-17) = x - 3(12 - 2x)$$

e)
$$5(x+4) = 7(x-2)$$

c)
$$x - 5(x - 2) = 6$$

f)
$$3(x+7)-6=2(x+8)$$

a)
$$6(x+11) = 40 + 6(x+2) \rightarrow 6x + 66 = 40 + 6x + 12 \rightarrow 6x + 66 = 6x + 52 \rightarrow 6x - 6x = 52 - 66 \rightarrow 0x = 14 \rightarrow \text{No tiene solución}$$

b)
$$2(x-17) = x - 3(12 - 2x) \rightarrow 2x - 34 = x - 36 + 6x \rightarrow 2x - 34 = 7x - 36 \rightarrow 2x - 7x = -36 + 34 \rightarrow -5x = -2 \rightarrow x = \frac{2}{5}$$

c)
$$x - 5(x - 2) = 6 \rightarrow x - 5x + 10 = 6 \rightarrow -4x = -4 \rightarrow x = 1$$

d)
$$120 = 2x - (15 - 7x) \rightarrow 120 = 2x - 15 + 7x \rightarrow 120 + 15 = 9x \rightarrow x = \frac{135}{9} = 15$$

e)
$$5(x+4) = 7(x-2) \rightarrow 5x + 20 = 7x - 14 \rightarrow 5x - 7x = -14 - 20 \rightarrow -2x = -34 \rightarrow x = 17$$

f)
$$3(x+7) - 6 = 2(x+8) \rightarrow 3x + 21 - 6 = 2x + 16 \rightarrow 3x + 15 = 2x + 16 \rightarrow 3x - 2x = 16 - 15 \rightarrow x = 1$$

Resuelve estas ecuaciones.

a)
$$\frac{4x}{20} = 3$$

a)
$$\frac{4x}{20} = 3$$
 c) $\frac{-2x}{3} = 4$ e) $\frac{9x}{3} = -5$

e)
$$\frac{9x}{3} = -5$$

b)
$$\frac{3x}{2} = -21$$

d)
$$\frac{7x}{4} = 2$$

b)
$$\frac{3x}{6} = -21$$
 d) $\frac{7x}{4} = 28$ f) $\frac{-3x}{2} = -25$

a)
$$\frac{4x}{20} = 3 \rightarrow 4x = 3 \cdot 20 \rightarrow 4x = 60 \rightarrow x = 15$$

b)
$$\frac{3x}{6} = -21 \rightarrow 3x = -21 \cdot 6 \rightarrow 3x = -126 \rightarrow x = -\frac{126}{3} = -42$$

c)
$$\frac{-2x}{3} = 4 \rightarrow -2x = 12 \rightarrow x = \frac{12}{-2} = -6$$

d)
$$\frac{7x}{4} = 28 \rightarrow 7x = 28 \cdot 4 \rightarrow x = \frac{112}{7} = 16$$

e)
$$\frac{9x}{3} = -5 \rightarrow 9x = -15 \rightarrow x = \frac{-15}{9} = -\frac{5}{3}$$

f)
$$\frac{-3x}{2} = -25 \rightarrow -3x = -50 \rightarrow x = \frac{50}{3}$$

054

Escribe una ecuación:



- a) Que tenga un paréntesis y solución -1.
- b) Que tenga un denominador y solución 3.
- c) Que tenga dos paréntesis y solución 4.

a)
$$\frac{3(x-3)}{2} = -6$$

b)
$$\frac{x-5}{2} = -1$$

a)
$$\frac{3(x-3)}{2} = -6$$
 b) $\frac{x-5}{2} = -1$ c) $3(x-1) - 6(5-x) = 3$

055

Resuelve.

a)
$$\frac{x-2}{5} = 1$$

c)
$$\frac{3x}{2} + 20 = x + 25$$

b)
$$\frac{3x+15}{6}=-7$$

d)
$$\frac{3x}{4} - 1 = 12 - 3x$$

a)
$$\frac{x-2}{5} = 1 \rightarrow x-2 = 5 \rightarrow x = 5+2 = 7$$

b)
$$\frac{3x+15}{6} = -7 \rightarrow 3x+15 = -42 \rightarrow 3x = -57 \rightarrow x = \frac{-57}{3} = -19$$

c)
$$\frac{3x}{2} + 20 = x + 25 \rightarrow \frac{3x}{2} - x = 25 - 20 \rightarrow \frac{1}{2}x = 5 \rightarrow x = 2 \cdot 5 = 10$$

d)
$$\frac{3x}{4} - 1 = 12 - 3x \rightarrow \frac{3x}{4} + 3x = 12 + 1 \rightarrow \frac{3 + 12}{4}x = 13 \rightarrow 15x = 13 \cdot 4 \rightarrow x = \frac{52}{15}$$

056

Calcula el valor de x.

a)
$$\frac{3x}{5} + 7 = \frac{2x}{6} + 9$$

d)
$$\frac{x+8}{2} - \frac{x-4}{6} = 2$$

b)
$$\frac{x+2}{3} = 5x - 46$$

e)
$$\frac{x-5}{5} + \frac{8-x}{2} + \frac{2x-10}{2} = 3$$

c)
$$x - \frac{x+4}{5} = 1 + \frac{x}{2}$$

f)
$$\frac{x-10}{2} - \frac{x-20}{4} - \frac{x-30}{3} = 5$$

a)
$$\frac{3x}{5} + 7 = \frac{2x}{6} + 9 \rightarrow \frac{3x}{5} - \frac{2x}{6} = 9 - 7 \rightarrow \frac{\left(\frac{3 \cdot 6 - 2 \cdot 5}{30}\right)x = 2 \rightarrow \frac{8}{30}x = 2 \rightarrow x = \frac{2 \cdot 30}{8} = \frac{15}{2}$$
 m.c.m. (5, 6) = 30

b)
$$\frac{x+2}{3} = 5x - 46 \rightarrow x + 2 = 15x - 138 \rightarrow x - 15x = -138 - 2 \rightarrow -14x = -140 \rightarrow x = 10$$

c)
$$x - \frac{x+4}{5} = 1 + \frac{x}{2} \to 10x - 2(x+4) = 10 + 5x \to 0$$

m.c.m. $(5, 2) = 10$
 $\to 10x - 2x - 8 = 10 + 5x \to 8x - 0$

d)
$$\frac{x+8}{2} - \frac{x-4}{6} = 2 \rightarrow 6 \cdot \frac{(x+8)}{2} - 6 \cdot \frac{(x-4)}{6} = 6 \cdot 2 \rightarrow$$

m.c.m. (2, 6) = 6

$$\rightarrow$$
 3(x + 8) - (x - 4) = 12 \rightarrow 3x + 24 - x + 4 = 12 \rightarrow

$$\rightarrow 2x + 28 = 12 \rightarrow 2x = 12 - 28 \rightarrow x = \frac{-16}{2} = -8$$

e)
$$\frac{x-5}{5} + \frac{8-x}{2} + \frac{2x-10}{2} = 3 \rightarrow \text{m.c.m. } (5,2) = 10$$

$$\rightarrow 7x - 20 = 30 \rightarrow 7x = 50 \rightarrow x = \frac{50}{7}$$

f)
$$\frac{x-10}{2} - \frac{x-20}{4} - \frac{x-30}{3} = 5 \rightarrow \text{m.c.m.} (2, 4, 3) = 12$$

 $\rightarrow 12 \cdot \frac{(x-10)}{2} - 12 \cdot \frac{(x-20)}{4} - 12 \cdot \frac{(x-30)}{3} = 12 \cdot 5 \rightarrow 6(x-10) - 3(x-20) - 4(x-30) = 60 \rightarrow 6x - 60 - 3x + 60 - 4x + 120 = 60 \rightarrow 7x + 120 = 60 \rightarrow 7x + 120 = 60 \rightarrow 7x = 60$

Obtén la solución de estas ecuaciones.

a)
$$\frac{2x-10}{3} - \frac{3(x-12)}{4} = -1$$
 d) $\frac{3-x}{7} - x = \frac{3+2(x-1)}{14}$

d)
$$\frac{3-x}{7}-x=\frac{3+2(x-1)}{14}$$

b)
$$\frac{-3x-3}{5} = 3-4(x+2)$$

e)
$$\frac{4x-6}{10} + 2x = 21 - \frac{3(x+1)}{12}$$

c)
$$\frac{2x-5}{5} + \frac{x+1}{4} = 20 - x$$

a)
$$\frac{2x-10}{3} - \frac{3(x-12)}{4} = -1 \rightarrow 12 \cdot \frac{(2x-10)}{3} - 12 \cdot \frac{3(x-12)}{4} = -12 \rightarrow 12 \cdot \frac{3(x-12)}{4} = -12 \cdot \frac{3(x-12)}{4}$$

m.c.m.
$$(3, 4) = 12$$

b)
$$\frac{-3x - 3}{5} = 3 - 4(x + 2) \to 5 \cdot \frac{-3x - 3}{5} = 15 - 20(x + 2) \to 3x - 3 = 15 - 20x - 40 \to -3x + 20x = -25 + 3 \to 17x = -22 \to x = -\frac{22}{17}$$

c)
$$\frac{2x-5}{5} + \frac{x+1}{4} = 20 - x \rightarrow$$

m.c.m.
$$(5, 4) = 20$$

d)
$$\frac{3-x}{7} - x = \frac{3+2(x-1)}{14} \to 14 \cdot \frac{3-x}{7} - 14x = 14 \cdot \frac{3+2(x-1)}{14} \to 2(3-x) - 14x = 3 + 2(x-1) \to 6 - 2x - 14x = 3 + 2x - 2 \to 6 - 16x = 1 + 2x \to -16x - 2x = 1 - 6 \to -18x = -5 \to x = \frac{5}{18}$$

e)
$$\frac{4x-6}{10} + 2x = 21 - \frac{3(x+1)}{12} \rightarrow 0$$

m.c.m. (10, 12) = 60
 $\rightarrow 60 \cdot \frac{4x-6}{10} + 60 \cdot 2x = 60 \cdot 21 - 60 \cdot \frac{3(x+1)}{12} \rightarrow 0$
 $\rightarrow 6(4x-6) + 120x = 1.260 - 15(x+1) \rightarrow 0$
 $\rightarrow 24x - 36 + 120x = 1.260 - 15x - 15 \rightarrow 0$

$$\rightarrow 144x + 15x = 1.245 + 36 \rightarrow 159x = 1.281 \rightarrow x = \frac{1.281}{159} = \frac{427}{53}$$
(:3)

058

¿Está bien resuelta esta ecuación? Averígualo comprobando su solución. Corrige los errores que se han cometido.

$$\frac{4x-2}{7} = 2x - \frac{x-1}{4}$$

1.º Se calcula el m.c.m.

$$m.c.m.(7.4) = 28$$

2.º Se multiplica por 28.

$$4(4x-2)=2x-7(x-1)$$

3.º Se eliminan paréntesis.

$$16x - 2 = 2x - 7x - 7$$

4.º Se transponen términos.

$$16x - 2x + 7x = -7 + 2$$

5.º Se reducen términos.

$$15x = -5$$

6.º Se despeja la x.

$$x=\frac{15}{-5}=-3$$

2.º No se ha multiplicado 2x por 2:

$$4(4x-2) = 56x - 7(x-1)$$

3.º Está mal aplicada la propiedad distributiva:

$$16x - 8 = 56x - 7x + 7$$

4.°
$$14x - 56x + 7x = 7 + 8$$

5.º Está mal sumado:

$$-35x = 15$$

6.º Se ha despejado mal la x:

$$x = -\frac{15}{35} = -\frac{3}{7}$$

059

Resuelve.

a)
$$\frac{2(x+5)}{2} = \frac{(x+1)(x-3)}{3}$$

b)
$$\frac{x}{6} - \frac{x}{3} - \frac{4(x-1)}{2} = \frac{5(x-2)}{2}$$

c)
$$\frac{2x-3(x-5)}{2}=\frac{x-3}{4}$$

a)
$$3(x+5) = (x+1)(x-3) \rightarrow 3x+15 = x^2-2x-3 \rightarrow x^2-5x-18 = 0$$

$$x = \frac{5 \pm \sqrt{25 + 72}}{2} = \frac{5 \pm \sqrt{97}}{2} \rightarrow \begin{cases} x_1 = \frac{5 + \sqrt{97}}{2} \\ x_2 = \frac{5 - \sqrt{97}}{2} \end{cases}$$

b)
$$x - 2x - 12(x - 1) = 15(x - 2) \rightarrow x - 2x - 12x + 12 = 15x - 30 \rightarrow -28x = -42 \rightarrow x = \frac{3}{2}$$

c)
$$2(2x - 3(x - 5)) = x - 3 \rightarrow 4x - 6x + 30 = x - 3 \rightarrow -3x = -33 \rightarrow x = 11$$

060 Resuelve las ecuaciones de segundo grado aplicando la fórmula general.

a)
$$x^2 - 5x + 6 = 0$$

e)
$$x^2 - 2x + 1 = 0$$

b)
$$2x^2 - 4x + 13 = 0$$

f)
$$7x^2 - 3x + 1 = 0$$

c)
$$x^2 + 8x + 16 = 0$$

g)
$$-x^2-4x+5=0$$

d)
$$3x^2 + 2x - 16 = 0$$

a)
$$x = \frac{5 \pm \sqrt{25 - 24}}{2} = \frac{5 \pm \sqrt{1}}{2} \rightarrow \begin{cases} x_1 = \frac{5 + 1}{2} = 3\\ x_2 = \frac{5 - 1}{2} = 2 \end{cases}$$

b)
$$x = \frac{4 \pm \sqrt{16 - 104}}{4} = \frac{4 \pm \sqrt{-88}}{4} \to \text{No tiene solución}$$

c)
$$x = \frac{-8 \pm \sqrt{64 - 64}}{2} = \frac{-8 \pm \sqrt{0}}{2} = -4$$
 (doble)

d)
$$x = \frac{-2 \pm \sqrt{4 + 192}}{6} = \frac{-2 \pm \sqrt{196}}{6} \rightarrow \begin{cases} x_1 = \frac{-2 + 14}{6} = 2\\ x_2 = \frac{-2 - 14}{6} = -\frac{8}{3} \end{cases}$$

e)
$$x = \frac{2 \pm \sqrt{4 - 4}}{2} = \frac{2 \pm \sqrt{0}}{2} = 1$$
 (doble)

f)
$$x = \frac{3 \pm \sqrt{9 - 28}}{14} = \frac{3 \pm \sqrt{-19}}{14} \rightarrow \text{No tiene solución}$$

g)
$$x = \frac{4 \pm \sqrt{16 + 36}}{-2} = \frac{-4 \pm \sqrt{36}}{2} \rightarrow \begin{cases} x_1 = \frac{-4 + 6}{2} = 1\\ x_2 = \frac{-4 - 6}{2} = -5 \end{cases}$$

O61 Sin resolverlas, averigua el número de soluciones de estas ecuaciones.

a)
$$x^2 + 5x + 6 = 0$$

e)
$$x^2 + 8x + 16 = 0$$

b)
$$-2x^2 - 6x + 8 = 0$$

f)
$$2x^2 - 4x + 13 = 0$$

c)
$$x^2 - 8x + 16 = 0$$

g)
$$7x^2 - 3x + 1 = 0$$

d)
$$-x^2 + x + 1 = 0$$

a)
$$\Delta = 25 - 24 = 1 > 0$$
: 2 soluciones.

b)
$$\Delta = 36 + 64 = 100 > 0$$
: 2 soluciones.

c)
$$\Delta = 64 - 64 = 0$$
: 1 solución.

d)
$$\Delta = 1 + 4 = 5 > 0$$
: 2 soluciones.

e)
$$\Delta = 64 - 64 = 0$$
: 1 solución.

f)
$$\Delta = 16 - 104 = -88 < 0$$
; sin solución.

g)
$$\Delta = 9 - 28 = -19 < 0$$
: sin solución.

062 Determina el número de soluciones de las siguientes ecuaciones.

a) $x^2 - 1 = 0$

e) $x^2 - x - 2 = 0$

b) $x^2 + 2x = 0$

f) $x^2 = 7x - 12$

c) $x^2 - 4x + 4 = 0$

- g) $2x^2 4 + 3x = x^2 + 2 + 2x$
- d) $x^2 + 8x + 16 = 0$
 - a) $x^2 1 = 0 \rightarrow x^2 = 1 \rightarrow x = \pm 1$
 - b) $x^2 + 2x = 0 \rightarrow x(x+2) = 0 \rightarrow \begin{cases} x_1 = 0 \\ x + 2 = 0 \rightarrow x_2 = -2 \end{cases}$
 - c) $x^2 4x + 4 = 0 \rightarrow x = \frac{-(-4) \pm \sqrt{(-4)^2 4 \cdot 4}}{2} = \frac{4 \pm \sqrt{16 16}}{2} = 2$
 - d) $x^2 + 8x + 16 = 0 \rightarrow x = \frac{-8 \pm \sqrt{8^2 4 \cdot 16}}{2} = \frac{-8 \pm \sqrt{64 64}}{2} = -4$
 - e) $x^2 x 2 = 0 \rightarrow x = \frac{-(-1) \pm \sqrt{(-1)^2 + 4 \cdot 2}}{2} = \frac{1 \pm \sqrt{1 + 8}}{2} = \frac{1 \pm 3}{2} \rightarrow \begin{cases} x_1 = \frac{1 + 3}{2} = 2\\ x_2 = \frac{1 3}{2} = -1 \end{cases}$
 - f) $x^2 = 7x 12 \rightarrow x^2 7x + 12 = 0 \rightarrow$
 - $\rightarrow x = \frac{-(-7) \pm \sqrt{(-7)^2 4 \cdot 12}}{2} = \frac{7 \pm \sqrt{49 48}}{2} = \frac{7 \pm 1}{2} \rightarrow \begin{cases} x_1 = 4 \\ x_2 = 3 \end{cases}$
 - g) $2x^2 4 + 3x = x^2 + 2 + 2x \rightarrow 2x^2 x^2 + 3x 2x 4 2 = 0 \rightarrow$
 - $\Rightarrow x^2 + x 6 = 0 \Rightarrow x = \frac{-1 \pm \sqrt{1 + 4 \cdot 6}}{2} = \frac{-1 \pm 5}{2} \Rightarrow \begin{cases} x_1 = 2 \\ x_2 = -3 \end{cases}$

063 Resuelve estas ecuaciones de segundo grado incompletas.

a) $x^2 - 8 = 0$

e) $-8x^2 - 24x = 0$

b) $2x^2 + 50 = 0$

f) $-x^2 - x = 0$

c) $3x^2 + 75x = 0$

g) $x^2 - 1 = 0$

d) $x^2 - 16 = 0$

h) $4x^2 - 2x = 0$

- a) $x = \pm \sqrt{8}$
- b) $x^2 = -25 \longrightarrow \text{No tiene solución}$
- c) $3x(x + 25) \rightarrow x_1 = 0$, $x_2 = -25$
- d) $x = \pm 4$
- e) $-8x(x+3) \rightarrow x_1 = 0, x_2 = -3$
- f) $-x(x+1) \longrightarrow x_1 = 0, x_2 = -1$
- g) $x = \pm 1$
- h) $2x(x-1) \longrightarrow x_1 = 0, x_2 = 1$

064 Resuelve las ecuaciones por el método más adecuado.

a)
$$7x^2 = 63$$

b)
$$x^2 - 24 = 120$$

c)
$$x^2 - 25 = 0$$

d)
$$x^2 = 10.000$$

e)
$$x^2 - 3 = 22$$

f)
$$5x^2 - 720 = 0$$

g)
$$x^2 + 1 = \frac{5}{4}$$

h)
$$x^2 - 36 = 100$$

i)
$$2x^2 - 72 = 0$$

i)
$$5x^2 - 3 = 42$$

k)
$$9x^2 - 36 = 5x^2$$

$$1) \ 2x^2 + 7x - 15 = 0$$

a)
$$7x^2 = 63 \rightarrow x^2 = 9 \rightarrow x = \pm 3$$

b)
$$x^2 - 24 = 120 \rightarrow x^2 = 120 + 24 = 144 \rightarrow x = \pm 12$$

c)
$$x^2 - 25 = 0 \rightarrow x^2 = 25 \rightarrow x = \pm 5$$

d)
$$x^2 = 10.000 \rightarrow x = \pm 100$$

e)
$$x^2 - 3 = 22 \rightarrow x^2 = 25 \rightarrow x = \pm 5$$

f)
$$5x^2 - 720 = 0 \rightarrow 5x^2 = 720 \rightarrow x^2 = 144 \rightarrow x = \pm 12$$

g)
$$x^2 + 1 = \frac{5}{4} \to x^2 = \frac{5}{4} - 1 = \frac{1}{4} \to x^2 = \pm \frac{1}{2}$$

h)
$$x^2 - 36 = 100 \rightarrow x^2 = 100 + 36 = 136 \rightarrow x = \pm \sqrt{136}$$

i)
$$2x^2 - 72 = 0 \rightarrow 2x^2 = 72 \rightarrow x^2 = 36 \rightarrow x = \pm 6$$

j)
$$5x^2 - 3 = 42 \rightarrow 5x^2 = 45 \rightarrow x^2 = 9 \rightarrow x = \pm 3$$

k)
$$9x^2 - 36 = 5x^2 \rightarrow 9x^2 - 5x^2 = 36 \rightarrow 4x^2 = 36 \rightarrow x^2 = 9 \rightarrow x = \pm 3$$

1)
$$2x^2 + 7x - 15 = 0 \rightarrow x = \frac{-7 \pm \sqrt{49 + 120}}{4} =$$

$$= \frac{-7 \pm 13}{4} \rightarrow \begin{cases} x_1 = \frac{6}{4} = \frac{3}{2} \\ x_2 = -\frac{20}{4} = -5 \end{cases}$$

065

Resuelve.

a)
$$x^2 - 7x = 0$$

b)
$$x^2 + 3x = 0$$

c)
$$x^2 - 25x = 0$$

d)
$$x^2 - 10x = 0$$

e)
$$16x(x-5)=0$$

f)
$$3x^2 - 12x = 0$$

g)
$$3x = 4x^2 - 2x$$

h)
$$4x^2 = 5x$$

i)
$$25x^2 - 100x = 0$$

j)
$$6x^2 - 6x = 12x$$

a)
$$x^2 - 7x = 0 \rightarrow x(x - 7) = 0 \rightarrow \begin{cases} x = 0 \longrightarrow x_1 = 0 \\ x - 7 = 0 \longrightarrow x_2 = 7 \end{cases}$$

b)
$$x^2 + 3x = 0 \rightarrow x(x+3) = 0 \rightarrow \begin{cases} x = 0 \longrightarrow x_1 = 0 \\ x + 3 = 0 \rightarrow x_2 = -3 \end{cases}$$

c)
$$x^2 - 25x = 0 \rightarrow x(x - 25) = 0 \rightarrow \begin{cases} x = 0 \longrightarrow x_1 = 0 \\ x - 25 = 0 \rightarrow x_2 = 25 \end{cases}$$

d)
$$x^2 - 10x = 0 \rightarrow x(x - 10) = 0 \rightarrow \begin{cases} x = 0 \longrightarrow x_1 = 0 \\ x - 10 = 0 \rightarrow x_2 = 10 \end{cases}$$

e)
$$16x(x-5) = 0 \rightarrow \begin{cases} 16x = 0 \longrightarrow x_1 = 0 \\ x-5 = 0 \to x_2 = 5 \end{cases}$$

f)
$$3x^2 - 12x = 0 \rightarrow 3x(x - 4) = 0 \rightarrow \begin{cases} 3x = 0 \longrightarrow x_1 = 0 \\ x - 4 = 0 \rightarrow x_2 = 4 \end{cases}$$

g)
$$3x = 4x^2 - 2x \rightarrow 4x^2 - 2x - 3x = 0 \rightarrow 4x^2 - 5x = 0 \rightarrow x_1 = 0$$

 $\Rightarrow x(4x - 5) = 0 \rightarrow \begin{cases} x = 0 & \longrightarrow x_1 = 0 \\ 4x - 5 = 0 & \longrightarrow x_2 = \frac{5}{4} \end{cases}$

h)
$$4x^2 = 5x \rightarrow 4x^2 - 5x = 0 \rightarrow x(4x - 5) = 0 \rightarrow$$

$$\begin{cases} x = 0 & \longrightarrow x_1 = 0 \\ 4x - 5 = 0 & \longrightarrow x_2 = \frac{5}{4} \end{cases}$$

i)
$$25x^2 - 100x = 0 \rightarrow 25x(x - 4) = 0 \rightarrow \begin{cases} 25x = 0 \longrightarrow x_1 = 0 \\ x - 4 = 0 \longrightarrow x_2 = 4 \end{cases}$$

j)
$$6x^2 - 6x = 12x \rightarrow 6x^2 - 18x = 0 \rightarrow 6x(x - 3) = 0 \rightarrow$$

 $\rightarrow \begin{cases} 6x = 0 \longrightarrow x_1 = 0 \\ x - 3 = 0 \rightarrow x_2 = 3 \end{cases}$

066 HAZLO ASÍ

¿CÓMO SE RESUELVEN LAS ECUACIONES EN LAS QUE UN PRODUCTO ES IGUAL A CERO?

Resuelve la ecuación (x-1)(x+2)=0.

Para que un producto de varios factores valga cero, al menos uno de los factores ha de ser cero.

PRIMERO. Se iguala a cero cada uno de los factores.

$$(x-1)(x+2) = 0 \rightarrow \begin{cases} x-1=0\\ x+2=0 \end{cases}$$

SEGUNDO. Se resuelven las ecuaciones resultantes.

$$(x-1)(x+2) = 0 \rightarrow \begin{cases} x-1 = 0 \to x = 1\\ x+2 = 0 \to x = -2 \end{cases}$$

La ecuación tiene dos soluciones: $x_1 = 1$ y $x_2 = -2$.

067 Calcula sin aplicar la fórmula general.

•

- a) $(x+2)(x_1-2)=0$
- b) $(x-3)(x_2+3)=0$
- c) $(x+3)(2x-5)\left(5-\frac{x}{2}\right)=0$
- d) $(x-5)^2=0$
- e) $(x-2)^2 + x = x$
- f) $x \left(\frac{3x}{4} \frac{4}{5} \right)^2 = 0$

a)
$$\begin{cases} x + 2 = 0 \to x_1 = -2 \\ x - 2 = 0 \to x_2 = 2 \end{cases}$$

b)
$$\begin{cases} x + 3 = 0 \to x_1 = -3 \\ x - 3 = 0 \to x_2 = 3 \end{cases}$$

c)
$$\begin{cases} x + 3 = 0 \longrightarrow x_1 = -3 \\ 2x - 5 = 0 \longrightarrow x_2 = \frac{5}{2} \\ 5 - \frac{x}{2} \longrightarrow x_3 = 10 \end{cases}$$

- d) $x 5 = 0 \to x = 5$ (doble)
- e) $(x-2)^2 = 0 \rightarrow x-2 = 0 \rightarrow x = 2$ (doble)

f)
$$\begin{cases} x = 0 & \longrightarrow x_1 = 0 \\ \left(\frac{3x}{4} - \frac{4}{5}\right)^2 = 0 & \longrightarrow \frac{3x}{4} - \frac{4}{5} = 0 & \longrightarrow x_2 = \frac{16}{15} \text{ (doble)} \end{cases}$$

068

Resuelve las siguientes ecuaciones.

a)
$$(x+1)(x-3)+3=0$$

b)
$$(x+9)(x-9)=3(x-27)$$

c)
$$x(3x-2)=65$$

d)
$$4x - (x^2 - 4) = 2x - 4$$

e)
$$(2x + 3)(2x - 3) = 135$$

f)
$$x^2 - \frac{23}{4}x = 18$$

g)
$$x^2 - 7x + \frac{13}{4} = 0$$

a)
$$(x+1)(x-3) + 3 = 0 \rightarrow x^2 + x - 3x - 3 + 3 = 0 \rightarrow x^2 - 2x = 0$$

c)
$$x(3x-2) = 65 \rightarrow 3x^2 - 2x - 65 = 0 \rightarrow$$

$$\rightarrow x = \frac{2 \pm \sqrt{4 + 780}}{6} = \frac{2 \pm 28}{6} \rightarrow \begin{cases} x_1 = 5 \\ x_2 = -13 \end{cases}$$

e)
$$(2x + 3)(2x - 3) = 135 \rightarrow 4x^2 - 9 = 135 \rightarrow 4x^2 = 144 \rightarrow x^2 = 36 \rightarrow x = \pm 6$$

f)
$$x^2 - \frac{23}{4}x = 18 \rightarrow x^2 - \frac{23}{4}x - 18 = 0 \rightarrow$$

$$\Rightarrow x = \frac{-(-23/4) \pm \sqrt{(-23/4)^2 + 4 \cdot 18}}{2} = \frac{23/4 \pm \sqrt{(529/16) + 72}}{2} =$$

$$= \frac{23/4 \pm \sqrt{(529 + 1.152)/16}}{2} = \frac{23/4 \pm 41/4}{2} \rightarrow$$

$$\Rightarrow \begin{cases} x_1 = \frac{(23/4 + 41/4)}{2} = \frac{64/4}{2} = \frac{64}{8} = 8 \\ x_2 = \frac{(23/4 - 41/4)}{2} = -\frac{18/4}{2} = -\frac{9}{4} \end{cases}$$

g)
$$x^2 - 7x + \frac{13}{4} = 0 \rightarrow x = \frac{-(-7) \pm \sqrt{(-7)^2 - 4 \cdot 13/4}}{2} = \frac{7 \pm \sqrt{49 - 13}}{2} = \frac{7 + \sqrt{36}}{2} \rightarrow \begin{cases} x_1 = \frac{13}{2} \\ x_2 = \frac{1}{2} \end{cases}$$

Escribe una ecuación de segundo grado, con todos sus coeficientes distintos de cero, que tenga una solución doble.

La ecuación es $x^2 + 2x + 1 = 0$.

$$x = \frac{-2 \pm \sqrt{4 - 4}}{2} = \frac{-2}{2} = -1$$

070

HAZLO ASÍ

¿CÓMO SE RESUELVEN ECUACIONES DE SEGUNDO GRADO CON PARÉNTESIS Y DENOMINADORES?

Resuelve
$$\frac{(x-1)^2}{2} - \frac{3-4x}{4} = \frac{5+4x}{4}$$
.

PRIMERO. Eliminar los denominadores. Se calcula el m.c.m. de los denominadores y se multiplican los dos miembros de la ecuación por él.

m.c.m.
$$(2, 4) = 4$$

$$4\left(\frac{(x-1)^2}{2} - \frac{3-4x}{4}\right) = 4\left(\frac{5+4x}{4}\right)$$

$$2(x-1)^2 - (3-4x) = (5+4x)$$

SEGUNDO. Quitar los paréntesis.

$$2(x^2 - 2x + 1) - 3 + 4x = 5 + 4x$$

$$2x^2 - 4x + 2 - 3 + 4x = 5 + 4x$$

TERCERO. Pasar todos los términos al primer miembro y operar.

$$2x^{2} - 4x + 2 - 3 + 4x - 5 - 4x = 0$$
$$2x^{2} - 4x - 6 = 0$$

CUARTO. Simplificar la ecuación, si se puede, y resolverla.

$$2x^2 - 4x - 6 = 0$$
 Dividimos entre 2 $x^2 - 2x - 3 = 0$

$$x = \frac{2 \pm \sqrt{4 + 12}}{2} = \frac{2 \pm 4}{2} \rightarrow \begin{cases} x_1 = 3 \\ x_2 = -1 \end{cases}$$

QUINTO. Comprobar las soluciones.

$$\xrightarrow{x=3} \frac{(3-1)^2}{2} - \frac{3-4\cdot 3}{4} = \frac{5+4\cdot 3}{4} \to 2 + \frac{9}{4} = \frac{17}{4}$$

$$\xrightarrow{x=-1} \frac{(-1-1)^2}{2} - \frac{3-4(-1)}{4} = \frac{5+4(-1)}{4} \to 2 - \frac{7}{4} = \frac{1}{4}$$

071

Resuelve las siguientes ecuaciones.

a)
$$\frac{(x-2)^2}{3} + \frac{14x-5}{6} = \frac{11}{6}$$

b)
$$\frac{(x-2)(x+2)}{5} - \frac{14x+35}{6} = \frac{52x+5}{10}$$

c) $(2x+1)^2 = -1$

c)
$$(2x+1)^2=-1$$

d)
$$(x-2) + (2x-1)(x-3) = x(3x-3) - 2x$$

e)
$$(x-1)(x+2) = 2 + (x+3)(x-4)$$

f)
$$\frac{3}{4}x^2 + \frac{4}{5}x = 0$$

a)
$$2(x-2)^2 + 14x - 5 = 11 \rightarrow 2x^2 - 8x + 8 + 14x - 5 = 11 \rightarrow 2x^2 + 6x - 8 = 0 \rightarrow x^2 + 3x - 4 = 0 \rightarrow$$

$$\Rightarrow x = \frac{-3 \pm \sqrt{9 + 16}}{2} = \frac{-3 \pm \sqrt{25}}{2} \Rightarrow \begin{cases} x_1 = \frac{-3 + 5}{2} = 1\\ x_2 = \frac{-3 - 5}{2} = -4 \end{cases}$$

b)
$$12(x-2)(x+2) - 10(14x+35) = 6(52x+5) \rightarrow$$

 $\rightarrow 12x^2 - 48 - 140x - 350 = 312x + 60 \rightarrow 12x^2 - 452x - 458 = 0 \rightarrow$
 $\rightarrow 6x^2 - 226x - 229 = 0$

$$x = \frac{226 \pm \sqrt{51.076 + 5.496}}{12} = \frac{226 \pm \sqrt{56.572}}{12} \rightarrow \text{Tiene 2 soluciones}$$

c)
$$4x^2 + 4x + 2 = 0 \rightarrow 2x^2 + 2x + 1 = 0 \rightarrow$$

$$\Rightarrow x = \frac{-2 \pm \sqrt{4 - 8}}{4} = \frac{-2 \pm \sqrt{-4}}{4} \Rightarrow \text{Sin solución}$$

d)
$$x - 2 + 2x^2 - 7x + 3 = 3x^2 - 3x - 2x \rightarrow -x^2 - x + 1 = 0 \rightarrow$$

$$\Rightarrow x = \frac{1 \pm \sqrt{1+4}}{-2} = \frac{1 \pm \sqrt{5}}{-2} \Rightarrow \begin{cases} x_1 = \frac{1+\sqrt{5}}{-2} \\ x_2 = \frac{1-\sqrt{5}}{-2} \end{cases}$$

e)
$$x^2 + x - 2 = 2 + x^2 - x - 12 \rightarrow 2x = -8 \rightarrow x = -4$$

f)
$$x\left(\frac{3}{4}x + \frac{5}{4}\right) = 0 \rightarrow \begin{cases} x_1 = 0\\ \frac{3}{4}x + \frac{5}{4} = 0 \rightarrow x_2 = \frac{-5}{3} \end{cases}$$

072

Encuentra dos números consecutivos que sumen 51.



Los dos números son x y $x+1 \rightarrow x+x+1=51 \rightarrow 2x=50 \rightarrow x=25$ Por tanto, los números son 25 y 26.

073

Calcula un número tal que su doble y su triple sumen 10.



El número es $x \rightarrow 2x + 3x = 10 \rightarrow 5x = 10 \rightarrow x = 2$

Encuentra un número tal que, al sumarle 4, resulte el doble del número menos una unidad.

El número es
$$x \rightarrow x + 4 = 2(x - 1) \rightarrow -x = -6 \rightarrow x = 6$$

075

Halla dos números consecutivos, sabiendo que la diferencia de sus cuadrados es 567.

Los dos números son x y x+1. $(x+1)^2-x^2=567 \to x^2+2x+1-x^2=567 \to 2x=566 \to x=283$ Los números son 283 y 284.

076

El precio de un anillo y su estuche es de 10.200 € y el anillo vale 10.000 € más que el estuche. ¿Cuál es precio de cada artículo?

Estuche:
$$x$$
. Anillo: $x+10.000 \rightarrow x+x+10.000=10.200 \rightarrow 2x=200 \rightarrow x=100$. El estuche cuesta $100 \in y$ el anillo $10.100 \in x$.

077

Una bodega exportó en enero la mitad de sus barriles, y a los dos meses, un tercio de los que le quedaban. ¿Cuántos barriles tenía al comienzo si ahora hay 40.000 barriles?

Barriles: x. Exporta en enero: $\frac{x}{2}$ y en los dos meses siguientes: $\frac{1}{3}\left(x - \frac{x}{2}\right)$.

$$x - \frac{x}{2} - \frac{1}{3} \left(x - \frac{x}{2} \right) = 40.000 \rightarrow \frac{x}{2} - \frac{x}{6} = 40.000 \rightarrow \frac{x}{3} = 40.000 \rightarrow$$

 $\rightarrow x = 120.000 \text{ barriles}$

078

HAZLO ASÍ

¿CÓMO SE RESUELVEN LOS PROBLEMAS DE EDADES MEDIANTE ECUACIONES?

El perro de Álex tiene 12 años menos que él. Dentro de 4 años, Álex tendrá el triple de la edad de su perro. ¿Cuáles son sus edades?

PRIMERO. Planteamiento.

	Edad de Álex	Edad del perro
Actualmente	X	<i>x</i> − 12
Dentro de 4 años	x + 4	x - 12 + 4 = x - 8

Dentro de 4 años, la edad de Álex será el triple que la del perro: x + 4 = 3(x - 8).

segundo. Resolución.

$$x + 4 = 3(x - 8) \rightarrow x + 4 = 3x - 24 \rightarrow 28 = 2x \rightarrow x = 14$$

TERCERO. Comprobación.

Álex tiene 14 años y su perro 14 - 12 = 2 años.

En 4 años, Álex tendrá 18 años y su perro 6 años, $18 = 6 \cdot 3$.

079

Miguel tiene 4 años más que su primo Ignacio y, dentro de 3 años, entre los dos sumarán 20 años. ¿Cuántos años tiene cada uno?

Ignacio: x. Miguel: $x+4 \rightarrow (x+3) + (x+4+3) = 20 \rightarrow 2x = 10 \rightarrow x = 5$ Ignacio: 5 años y Miguel: 9 años.

080

¿Qué edad tengo ahora si dentro de 12 años tendré el triple de la edad que tenía hace 6 años?

Edad actual: $x \rightarrow x + 12 = 3(x - 6) \rightarrow -2x = -30 \rightarrow x = 15$ años

081

Lucía tiene tres hijos. El pequeño tiene la mitad de años que el mediano, y este tiene 6 años menos que el mayor. Calcula las edades de los tres, sabiendo que la suma de sus edades actuales es igual a la edad de su prima Ana, que es 12 años mayor que el hermano pequeño.

Mayor:
$$x$$
 Mediano: $x - 6$ Pequeño: $\frac{x - 6}{2}$ Ana: $\frac{x - 6}{2} + 12$
 $x + x - 6 + \frac{x - 2}{2} = \frac{x - 2}{2} + 12 \rightarrow 2x = 18 \rightarrow x = 9$

Mayor: 9 años. Mediano: 3 años. Pequeño: 1 año y medio.

082

HAZLO ASÍ

¿CÓMO SE RESUELVEN LOS PROBLEMAS DE MEZCLAS MEDIANTE ECUACIONES?

Disponemos de dos tipos de té: uno de Tailandia, a 5,20 €/kg, y otro de la India, a 6,20 €/kg, y queremos obtener 100 kg de té a 6 €/kg. ¿Cuántos kilos hemos de mezclar de cada tipo?

PRIMERO. Planteamiento.

	Kilos	Precio
Té tailandés	X	5,2 <i>x</i>
Té indio	100 – <i>x</i>	6,2(100-x)
Mezcla	100	5,2x+6,2(100-x)

Precio por kg de mezcla =
$$\frac{5,2x + 6,2(100 - x)}{100} = 6$$

segundo. Resolución.

$$\frac{5,2x + 6,2(100 - x)}{100} = 6 \to 5,2x + 620 - 6,2x = 600 \to 20 = x$$

TERCERO. Comprobación.

Necesitamos 20 kg de té de Tailandia y 100 - x = 80 kg de té de la India.

El kilo de mezcla vale:
$$\frac{5.2 \cdot 20 + 6.2 \cdot 80}{100} = 6 \in$$
.

¿Cuántos litros de leche de 0,75 \in / ℓ hay que mezclar con leche de 0,85 \in / ℓ para conseguir 100 litros a 0,77 \in / ℓ ?

Leche de 0,75 €:
$$x$$
 Leche de 0,85 €: $100 - x$ 0,75 x + 0,85(100 - x) = $100 \cdot 0$,77 → 85 - 0,1 x = 77 → x = 80 Hay que mezclar 80 litros a 0,75 €/ x y 20 litros a 0,85 €/ x .

084

En una fábrica de ladrillos se mezcla arcilla de 21 € la tonelada con arcilla de 45 € la tonelada. ¿Cuántas toneladas de cada clase hay que emplear para conseguir 500 toneladas de arcilla a 39 € la tonelada?

Arcilla a 21 €/t: x. Arcilla a 45 €/t:
$$500 - x \rightarrow 21x + 45(500 - x) = 500 \cdot 39 \rightarrow 22.500 - 24x = 19.500 \rightarrow x = 120 \rightarrow 120 \text{ t a } 21 €/\text{t y } 380 \text{ t a } 45 €/\text{t}$$

085

En una papelería se han vendido 25 cajas de papel del tipo A y 14 cajas del tipo B por 7.700 €. ¿Cuál es el precio de la caja de cada tipo

si el precio de la caja del tipo B es $\frac{5}{6}$ la del tipo A?

Tipo *A*: *x* Tipo *B*:
$$\frac{5}{6}x$$

 $25x + 25x + \frac{35}{3}x = 7.700 \rightarrow 75x + 35x = 23.100 \rightarrow$
→ $110x = 23.000 \rightarrow x = 210$. Caja del tipo *A*: $210 \in$. Caja del tipo *B*: $175 \in$.

086

HAZLO ASÍ

¿CÓMO SE RESUELVEN LOS PROBLEMAS DE MOVIMIENTO MEDIANTE ECUACIONES?

Un camión sale de una ciudad a una velocidad de 80 km/h y, dos horas más tarde, sale un coche de la misma ciudad a 120 km/h. ¿A qué distancia de la ciudad alcanzará el coche al camión?

PRIMERO. Planteamiento.

 $x \rightarrow$ Tiempo transcurrido desde que sale el coche hasta el encuentro

	Ventaja	Momento del encuentro
Distancia que recorre el camión	2 · 80	$2 \cdot 80 + 80x$
Distancia que recorre el coche		120 <i>x</i>

La distancia recorrida por los dos vehículos al encontrarse es la misma $\,\,
ightarrow$

$$\rightarrow 2 \cdot 80 + 80x = 120x$$

SEGUNDO. Resolución: $2 \cdot 80 + 80x = 120x \rightarrow 160 = 120x - 80x \rightarrow x = 4$

TERCERO. Comprobación.

Se encuentran 4 horas después de la salida del coche, es decir, a las 6 horas de la partida del camión.

El camión, en 6 horas, recorre: $6 \cdot 80 = 480$ km.

El coche, en 4 horas, recorre: $4 \cdot 120 = 480$ km.

087

Esther viaja de Sevilla a Barcelona en su coche. Sale a las 8 de la mañana y lleva una velocidad constante de 90 km/h. A 110 km de Barcelona, Juan coge, a esa misma hora, un autobús que viaja a 70 km/h, con la misma dirección que Esther. ¿A qué hora se encuentra Esther con el autobús? ¿Qué distancia ha recorrido cada uno?

El tiempo que tardan en encontrarse es x.

 $90x = 110 + 70x \rightarrow 20x = 110 \rightarrow x = 5.5$ horas.

Luego se encuentran a las 13 h 30 min. La distancia recorrida por Esther es: $5.5 \cdot 90 = 495$ km y la de Juan: 495 - 110 = 385 km.

880

A las 7 de la mañana, Tomás sale de Zamora con dirección a Cádiz, distantes entre sí 660 km, a una velocidad de 75 km/h. A la misma hora, Natalia sale de Cádiz y se dirige hacia Zamora en la misma carretera que Tomás a una velocidad de 60 km/h. ¿A qué hora se cruzarán? ¿Y a qué distancia estarán de Cádiz?

Siendo x el tiempo que tardan en encontrarse, y considerando que están a una distancia de 660 km: $75x + 60x = 660 \rightarrow 135x = 660 \rightarrow x = 4,888$ horas = 4 h 53 min 20 s. Se cruzarán a las 11 h 53 min 20 s y estarán a $4,888 \cdot 60 = 293,333$ km de Cádiz.

089

Un terreno rectangular tiene una superficie de $1.739\ m^2\ y$ mide $10\ m$ más de largo que de ancho. Calcula sus dimensiones.

Ancho: x. Largo: $x + 10 \rightarrow x(x + 10) = 1.739 \rightarrow x^2 + 10x - 1.739 = 0$

$$x = \frac{-10 \pm \sqrt{100 + 6.956}}{2} = \frac{-10 \pm \sqrt{7.056}}{2} \rightarrow \begin{cases} x_1 = \frac{-10 + 84}{2} = 37\\ x_2 = \frac{-10 - 84}{2} = -47 \end{cases}$$

Las dimensiones son 37 m de ancho y 47 m de largo. La otra solución no es válida por ser negativa.

090

Si un campo de fútbol mide 30 m más de largo que ancho y su área es 7.000 m^2 , halla sus dimensiones.

Ancho: x. Largo: $x + 30 \rightarrow x(x + 30) = 7.000 \rightarrow x^2 + 30x - 7.000 = 0$ $x = \frac{-30 \pm \sqrt{900 + 28.000}}{2} = \frac{-30 \pm \sqrt{28.900}}{2} \rightarrow \begin{cases} x_1 = \frac{-30 + 170}{2} = 70 \\ x_2 = \frac{-30 - 170}{2} = -100 \end{cases}$

Las dimensiones son 70 m de ancho y 100 m de largo. La otra solución no es válida por ser negativa.

Encuentra dos números que se diferencien en 7 unidades, sabiendo que su producto es 60.

Menor: x. Mayor: $x + 7 \rightarrow x(x + 7) = 60 \rightarrow x^2 + 7x - 60 = 0$

$$x = \frac{-7 \pm \sqrt{49 + 240}}{2} = \frac{-7 \pm \sqrt{289}}{2} \rightarrow \begin{cases} x_1 = \frac{-7 + 17}{2} = 5\\ x_2 = \frac{-7 - 17}{2} = -12 \end{cases}$$

Las soluciones son 5 y 12 o -12 y -5.

092

En un triángulo rectángulo de 24 m de perímetro, la longitud de un cateto es igual a los tres cuartos de la del otro. Halla sus dimensiones.

Cateto 1: x

Cateto 2: $\frac{3}{4}x$

Hipotenusa: $\sqrt{x^2 + \frac{9}{16}x^2} = \frac{5}{4}x$

$$x + \frac{3}{4}x + \frac{5}{4}x = 24 \rightarrow 3x = 24 \rightarrow x = 8$$

Cateto $1=8\ \text{m.}$ Cateto $2=6\ \text{m.}$ Hipotenusa $=10\ \text{m.}$

093

Para embaldosar un salón de 8 m de largo por 6 m de ancho se han utilizado 300 baldosas cuadradas. ¿Cuánto mide el lado de las baldosas?

Mayor: x Menor: x - 2 Diagonal: $\sqrt{x^2 + (x - 2)^2}$ $x^2 + (x - 2)^2 = 102 \rightarrow 2x^2 - 4x + 4 = 100 \rightarrow x^2 - 2x - 48 = 0$

$$x = \frac{2 \pm \sqrt{4 + 192}}{2} = \frac{2 \pm \sqrt{196}}{2} \to \begin{cases} x_1 = \frac{2 + 14}{2} = 8\\ x_2 = \frac{2 - 14}{2} = -6 \end{cases}$$

Las dimensiones son 8 cm y 10 cm.

La otra solución no es válida por ser negativa.

094

La diagonal de un rectángulo mide 10 cm. Halla sus dimensiones si un cateto mide 2 cm menos que el otro.

Lado de la baldosa: x

$$300x^2 = 8 \cdot 6 \rightarrow x^2 = 0.16 \rightarrow x = 0.4$$

La baldosa mide 40 cm de lado.

095

Un cine tiene igual número de filas que de butacas por fila.

El propietario decide remodelarlo quitando una butaca por fila y tres filas. Después de la remodelación, el número de butacas es 323.

- a) ¿Cuántas filas tenía el cine antes de la remodelación?
- b) ¿Cuántas butacas hay ahora en cada fila?
 - a) Llamamos $x = n.^{\circ}$ de filas = $n.^{\circ}$ de butacas/fila.

Se eliminan 3 filas: x - 3.

Se elimina 1 butaca por fila: x - 1.

$$(x-3)(x-1) = 323 \rightarrow x^2 - 3x - x + 3 = 323 \rightarrow$$

$$\rightarrow x^2 - 4x - 320 = 0 \rightarrow x = \frac{4 \pm \sqrt{4^2 + 4 \cdot 320}}{2} =$$

$$=\frac{4\pm\sqrt{16+1.280}}{2}=\frac{4\pm36}{2}\to\begin{cases}x_1=20\\x_2=-16\end{cases}$$

No tiene sentido el valor negativo, por lo que el cine tenía 20 butacas por fila y 20 filas.

b) Ahora tiene 20 - 1 = 19 butacas por fila.

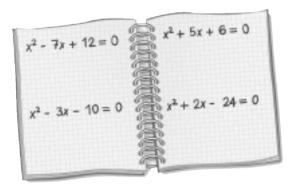
096

Vamos a investigar qué ocurre con las ecuaciones de segundo grado cuyo coeficiente de x^2 vale 1, es decir, ecuaciones de la forma:

$$x^2 + bx + c = 0$$

Para ello seguimos estos pasos.

a) Resuelve las cuatro ecuaciones:



- b) ¿Qué relaciones observas entre las soluciones obtenidas y los coeficientes b y c?
- c) Encuentra las soluciones de $x^2 + bx + c = 0$ y luego calcula su suma y su producto.
- d) Aplicando las relaciones halladas, busca dos números cuya suma sea 15 y su producto 56.

a)
$$x^{2} - 7x + 12 = 0 \rightarrow$$

$$\rightarrow x = \frac{7 \pm \sqrt{49 - 48}}{2} = \frac{7 \pm \sqrt{1}}{2} \rightarrow \begin{cases} x_{1} = \frac{7 + 1}{2} = 4 \\ x_{2} = \frac{7 - 1}{2} = 3 \end{cases}$$

$$x^{2} - 3x - 10 = 0 \rightarrow$$

$$\rightarrow x = \frac{3 \pm \sqrt{9 + 40}}{2} = \frac{3 \pm \sqrt{49}}{2} \rightarrow \begin{cases} x_{1} = \frac{3 + 7}{2} = 5 \\ x_{2} = \frac{3 - 7}{2} = -2 \end{cases}$$

$$x^{2} + 5x + 6 = 0 \rightarrow$$

$$\rightarrow x = \frac{-5 \pm \sqrt{25 - 24}}{2} = \frac{-5 \pm \sqrt{1}}{2} \rightarrow \begin{cases} x_{1} = \frac{-5 + 1}{2} = -2 \\ x_{2} = \frac{-5 - 1}{2} = -3 \end{cases}$$

$$x^{2} + 2x - 24 = 0 \rightarrow$$

$$\Rightarrow x = \frac{2 \pm \sqrt{4 - 96}}{2} = \frac{2 \pm \sqrt{100}}{2} \Rightarrow \begin{cases} x_{1} = \frac{2 + 10}{2} = 6 \\ x_{2} = \frac{2 - 10}{2} = -4 \end{cases}$$

b)
$$b = -(x_1 + x_2), c = x_1 \cdot x_2$$

$$\begin{cases}
 x_1 = \frac{-b + \sqrt{b^2 - 4c}}{2} \\
 x_2 = \frac{-b - \sqrt{b^2 - 4c}}{2}
 \end{cases}
 \rightarrow$$

$$\Rightarrow \begin{cases} x_1 + x_2 = \frac{-b + \sqrt{b^2 - 4c}}{2} + \frac{-b - \sqrt{b^2 - 4c}}{2} = -b \\ x_1 \cdot x_2 = \frac{-b + \sqrt{b^2 - 4c}}{2} \cdot \frac{-b - \sqrt{b^2 - 4c}}{2} = \frac{b^2 - (\sqrt{b^2 - 4c})^2}{4} = c \end{cases}$$

Desarrolla y simplifica la expresión: $A = (x - 1)^2 + x^2 + (x + 1)^2$.

Encuentra tres números enteros consecutivos tales que la suma de sus cuadrados sea 30.002.

$$A = (x - 1)^{2} + x^{2} + (x - 1)^{2} \rightarrow A = x^{2} - 2x + 1 + x^{2} + x^{2} + 2x + 1 \rightarrow A = 3x^{2} + 2$$

$$30.002 = 3x^{2} + 2 \rightarrow 30.000 = 3x^{2} \rightarrow x^{2} = 10.000 \rightarrow x = \pm 100$$
Tiene dos soluciones: 99 y 100, 101 y -99, -100 y -101.

098

Resuelve la ecuación:

$$4x^2 - 1 + (2x + 1)(x + 3) = 0$$

sin utilizar la fórmula general. Para ello factoriza la expresión del primer miembro.

$$4x^{2} - 1 + (2x + 1)(x + 3) = 0 \xrightarrow{4x^{2} - 1 = (2x + 1)(2x - 1)} \rightarrow (2x + 1)(2x - 1) + (2x + 1)(x + 3) = 0 \rightarrow$$

$$\Rightarrow (2x+1)[(2x-1)+(x+3)] = 0 \Rightarrow (2x+1)(3x+2) = 0 \Rightarrow \begin{cases} x_1 = \frac{-1}{2} \\ x_2 = \frac{-2}{3} \end{cases}$$

EN LA VIDA COTIDIANA

099

A Mariam le quedan pocos días para dar a luz.

En su trabajo tienen la costumbre de hacer un regalo a los recién nacidos. Sus compañeros Roberto y Pilar se han encargado de recoger el dinero.

Mariam es muy popular en su empresa, la conoce casi todo el mundo, por eso la mayoría de sus compañeros han participado en el regalo.

Ayer, Roberto y Pilar estuvieron en unos grandes almacenes y han propuesto comprar un coche de bebé que está de oferta y por el que tendrían que poner 8 € cada uno.

Como todos estaban de acuerdo, fueron a comprarlo, pero resultó que la oferta había terminado y les faltaban 4 €.



Finalmente, Roberto y Pilar me han dicho que de los 14 compañeros hay una persona que no ha puesto dinero para el regalo de Mariam.

¿Crees que es cierto lo que dicen?

Personas que participan en el regalo: x

Precio original: 8x

Precio nuevo: 8x + 4 y 9x - 8

$$8x + 4 = 9x - 8 \rightarrow x = 12$$

Luego lo que han dicho Roberto y Pilar no es cierto, ya que han puesto dinero 12 personas y no 13.